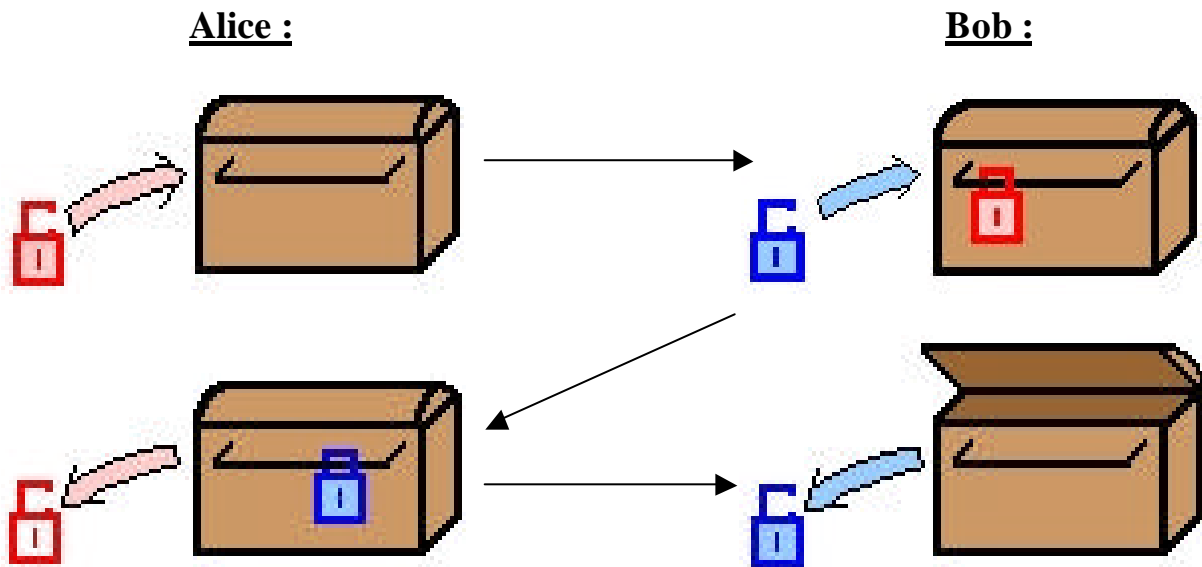


## Double Cadenas:

L'idée est d'imaginer un système n'utilisant *pas de clefs privées communes* qu'il faille se communiquer auparavant. Chacun utilisera son algorithme, sa clef...

### A/ Théorie:

Le système est très simple. Alice et Bob vont choisir chacun un algorithme, que l'on symbolisera par un cadenas : Alice mettra son message dans un coffre, fermé par son cadenas, et elle enverra le tout à Bob qui y mettra le sien. Puis celui ci renverra le coffre doublement cadenassé à Alice qui retirera son cadenas et renverra une dernière fois le coffre à Bob qui n'aura plus qu'à enlever le sien, ouvrir le coffre et lire le message.



### B/ Difficulté:

Vu ainsi, le système à l'air assez simple et très facile d'utilisation, mais, d'un point de vue plus mathématique, on se heurte à une difficulté qui est la commutation des 2 algorithmes. En effet, en nommant  $f$ , la fonction utilisée par Alice, et  $g$ , celle de Bob, l'échange complet du message aura consisté à lui appliquer la fonction  $g^{-1} \circ f^{-1} \circ g \circ f$  mais rien ne nous dit que l'on obtiendra finalement le message initial, c'est à dire que cette application est l'identité ! Il faut pour cela que les fonctions  $f$  et  $g$  commutent.

Or on a supposé qu'Alice et Bob n'ont pas communiqué entre eux auparavant. Il faut donc créer un catalogue de fonctions qui commutent, dans lequel les 2 interlocuteurs pourront piocher. D'un autre côté, il faut que ce catalogue soit suffisamment vaste, c'est à dire qu'il contienne un nombre de fonctions suffisamment grand, pour qu'un éventuel pirate n'ait pas trop de facilités à casser le code, par une attaque exhaustive, par exemple.